

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΕΣ ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ
ΗΜΕΡΗΣΙΩΝ & ΕΣΠΕΡΙΝΩΝ ΓΕΝΙΚΩΝ ΛΥΚΕΙΩΝ**

ΠΕΜΠΤΗ 12 ΣΕΠΤΕΜΒΡΙΟΥ 2024

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΣΤΗ ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ

ΘΕΜΑ Α

A1. γ

A2. α

A3. β

A4. δ

A5. α. Σωστό,
β. Σωστό,
γ. Λάθος,
δ. Λάθος,
ε. Σωστό.

ΘΕΜΑ Β

B1. α) Σωστή απάντηση η ii.

β)

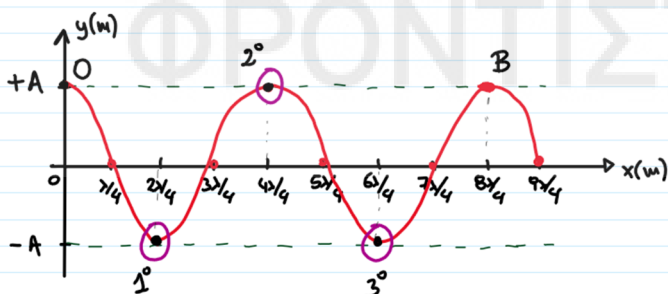
$$x_{\max} = v \cdot t_1 = \frac{\lambda}{T} \cdot \frac{9T}{4} \Rightarrow x_{\max} = \frac{9\lambda}{4}$$

$$t_1 = t_{\text{ακμ}} + t_{\text{αλ}} \Rightarrow \left(t_{\text{αλ}} = \frac{T}{4} \rightarrow \text{πρῶτη φορά } y_B = +A \right)$$

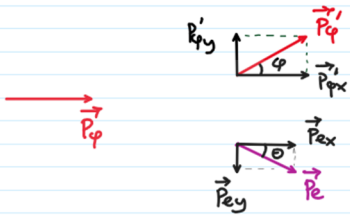
$$t_{\text{ακμ}} = t_1 - t_{\text{αλ}} \Rightarrow t_{\text{ακμ}} = \frac{9T}{4} - \frac{T}{4} \Rightarrow t_{\text{ακμ}} = \frac{8T}{4} \Rightarrow t_{\text{ακμ}} = 2T$$

$$x_B = v \cdot t_{\text{ακμ}} = \frac{\lambda}{T} \cdot 2T \Rightarrow x_B = 2\lambda = \frac{8\lambda}{4}$$

ΤΡΙΑ ΣΗΜΕΙΑ ΣΤΟ ΣΤΙΓΜΙΟΤΥΠΟ ΓΙΑ $t_1 = \frac{9T}{4}$ ΕΙΝΑΙ ΑΚΙΝΗΤΑ



B2. α) Σωστή απάντηση η i.
β)



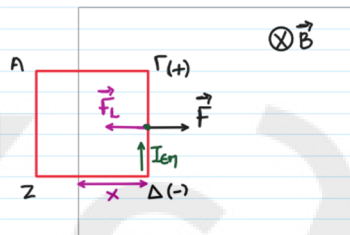
$\vec{p}_{\phi y}$
 \vec{p}_{ϕ}
 $\vec{p}_{\phi x}$
 $\vec{p}_{e x}$
 $\vec{p}_{e y}$
 \vec{p}_e

Α.Δ.Ο. (y) $\vec{p}_{\phi y} = \vec{p}_{e y} \Rightarrow$
 $0 = \vec{p}_{\phi y} + \vec{p}_{e y} \Rightarrow$
 $\vec{p}_{e y} = -\vec{p}_{\phi y} \Rightarrow p_e \cdot \sin \theta = p_{\phi} \cdot \sin \phi \Rightarrow$
 $p_e \cdot \frac{1}{2} = p_{\phi} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow p_e = p_{\phi} \cdot \sqrt{3} \quad (1)$

Α.Δ.Ο. (x) $\vec{p}_{\phi x} = \vec{p}_{e x} \Rightarrow$
 $p_{\phi} = p_{\phi} \cos 60^\circ + p_e \cos 30^\circ \quad (2)$
 $p_{\phi} = p_{\phi} \cdot \frac{1}{2} + p_{\phi} \cdot \sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow p_{\phi} = 2 p_{\phi} \Rightarrow \frac{h}{\lambda} = 2 \cdot \frac{h}{\lambda'} \Rightarrow$
 $\lambda' = 2\lambda \quad (2)$

Ισχύει $\lambda' - \lambda = \frac{h}{m \cdot c} (1 - \cos 60^\circ) \Rightarrow 2\lambda - \lambda = \frac{h}{m \cdot c} \cdot \frac{1}{2} \Rightarrow$
 $\lambda = \frac{h}{2 m c} \quad (1)$

B3. α) Σωστή απάντηση η i.



ΟΤΑΝ ΕΧΕΙ ΕΙΣΕΛΘΕΙ ΤΟ ΣΥΝΗΜΑΤΙΚΟ ΠΛΑΙΣΙΟ ΚΑΤΑ Χ
 ΜΕΛΑ ΣΤΟ Ο.Μ.Π. ΣΤΑ ΑΚΡΑ ΤΗΣ ΠΛΕΥΡΑΣ ΓΔ
 ΑΝΑΠΤΥΣΣΕΤΑΙ ΔΙΑΦΟΡΑ ΔΥΝΑΜΙΚΩΝ ΛΟΓΩ ΤΗΣ
 ΔΥΝΑΜΗΣ ΦΛΩΑΝΤΩΣ ΠΟΥ ΑΣΚΕΙΤΑΙ ΣΤΑ ΕΛΚΥΣΜΑ Ε.
 ΠΟΛΙΚΟΤΗΤΑ $\Gamma(+)$ ΚΑΙ $\Delta(-)$ (ΚΑΝΟΝΑΣ ΤΡΙΩΝ ΔΑΚΤΥΛΩΝ)
 ΤΟ ΠΛΑΙΣΙΟ ΔΙΑΡΡΕΤΕΤΑΙ ΑΠΟ ΕΛΓΑΓΩΓΙΣΜΟ ΡΕΥΜΑ ΜΕ
 ΦΟΡΑ ΑΝΤΙΘΕΤΗ ΑΠΟ ΤΗ ΦΟΡΑ ΤΩΝ ΡΟΛΟΓΙΩΝ.

ΣΤΟ ΜΕΣΟ ΤΗΣ ΠΛΕΥΡΑΣ ΓΔ ΑΝΑΠΤΥΣΣΕΤΑΙ ΔΥΝΑΜΗ $F_{\text{ελκυσμ.}}$ ΜΕ ΦΟΡΑ ΠΡΟΣ ΤΑ ΑΡΙΣΤΕΡΑ.

ΤΟ ΠΛΑΙΣΙΟ ΚΙΝΗΤΑΙ ΜΕ ΣΤΑΘΕΡΗ ΤΑΧΥΤΗΤΑ ΟΠΟΥ $\sum \vec{F} = 0 \Rightarrow \vec{F} + \vec{F}_L = 0 \Rightarrow$

$$\vec{F} = -\vec{F}_L \Rightarrow |F| = |F_L| \Rightarrow F = B \cdot I_{\text{ελ}} \cdot \alpha \Rightarrow F = B \cdot \frac{\mathcal{E}_{\text{ελ}}}{R} \cdot \alpha \Rightarrow F = B \cdot \frac{B v \alpha}{R} \cdot \alpha \Rightarrow$$

$$F = \frac{B^2 \alpha^2 v}{R} \quad \text{ΟΠΟΥ Η } F \text{ ΕΙΝΑΙ ΣΤΑΘΕΡΗ ΚΑΤΑ ΜΕΤΡΟ ΚΑΙ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗ}$$

ΟΜΟΡΡΟΗ ΤΗΣ ΤΑΧΥΤΗΤΑΣ.

ΕΓΓΙΩΝ $\alpha < d$ ΤΟ ΠΛΑΙΣΙΟ ΚΑΘΟΙΑ ΣΤΙΣΗΝ ΕΙΣΕΛΧΕΤΑΙ ΟΛΟΚΛΗΡΟ ΜΕΛΑ ΣΤΟ Ο.Μ.Π.

ΤΟΤΕ ΔΕΝ ΜΕΤΑΒΑΛΙΣΤΑΙ Η ΜΑΓΝΗΤΙΚΗ ΡΟΗ, ΔΦ=0 ΔΥΝ. Φ=ΣΤΑΣ= $B \alpha^2$

ΕΠΟΜΕΝΩΣ ΣΤΑ ΑΚΡΑ ΤΗΣ ΠΛΕΥΡΑΣ ΓΔ ΔΕΝ ΔΗΜΙΟΥΡΓΕΙΤΑΙ ΕΕΗ $\Rightarrow I_{\text{ελ}} = 0$ ΚΑΙ

ΜΗΔΕΝΙΖΕΤΑΙ Η F_L . ΑΡΑ ΜΗΔΕΝΙΖΕΤΑΙ ΚΑΙ Η ΔΥΝΑΜΗ F .

ΤΟ ΠΛΑΙΣΙΟ ΚΙΝΗΤΑΙ ΜΕ ΣΤΑΘΕΡΗ ΤΑΧΥΤΗΤΑ ΧΩΡΙΣ ΝΑ ΤΟΝ ΑΣΚΟΥΝΤΑΙ

ΔΥΝΑΜΕΙΣ.

β) Σωστή απάντηση η **iii**.

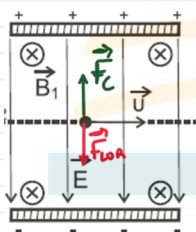
Θ.η.κ.ε., $K_{τελ} - K_{αρχ} = W_F + W_{F_L} \Rightarrow 0 = W_F - F_L \cdot \alpha \Rightarrow$

$$W_F = F_L \cdot \alpha = \frac{B^2 \alpha^2 v}{R} \cdot \alpha \Rightarrow$$

$$W_F = \frac{B^2 \alpha^3 v}{R} \quad \text{iii}$$

ΘΕΜΑ Γ

Γ1.



ΤΑ ΙΟΝΤΑ ΔΕΧΟΝΤΑΙ ΚΑΤΑ ΤΗΝ ΚΙΝΗΣΗ ΤΟΥΣ ΔΥΟ ΔΥΝΑΜΕΙΣ, \vec{F}_C ΛΟΓΩ Ο.Η.Η. ΚΑΙ $\vec{F}_{\omega e}$ ΛΟΓΩ Ο.Η.Η.

Η ΚΙΝΗΣΗ ΕΙΝΑΙ Ε.Ο.Κ ΔΙΟΤΙ $\sum \vec{F} = 0 \Rightarrow \vec{F}_C + \vec{F}_{\omega e} = 0 \Rightarrow$

$$|F_C| = |F_{\omega e}| \Rightarrow E \cdot |q| = B_1 \cdot v \cdot |q| \Rightarrow v = \frac{E}{B_1}$$

ΤΑ ΙΟΝΤΑ ΚΙΝΟΥΝΤΑΙ ΜΕ ΤΗ ΤΑΧΥΤΗΤΑ \vec{v} .

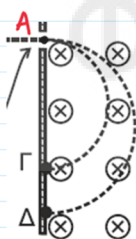
Γ2.

$$v = \frac{E}{B_1} = \frac{2 \cdot 10^3}{4 \cdot 10^{-2}} \Rightarrow v = 0,5 \cdot 10^5 \Rightarrow v = 5 \cdot 10^4 \text{ m/s}$$

Γ3.

ΤΑ ΙΟΝΤΑ ΧΑΙΡΙΟΥ ΕΧΟΥΝ ΙΔΙΟ ΦΟΡΤΙΟ ($|q|$), ΕΙΣΕΡΧΟΝΤΑΙ ΜΕ ΙΔΙΑ ΤΑΧΥΤΗΤΑ v ΣΤΟ Ο.Η.Η. $|\vec{B}_2|$. ΜΕΛΑ ΣΤΟ ΠΕΔΙΟ ΕΚΤΕΛΟΥΝ Ο.Κ.Κ. ΔΙΟΤΙ ΤΟΥΣ ΑΣΚΕΙΤΑΙ $\vec{F}_{\omega e}$ ΠΟΥ ΠΑΙΖΕΙ ΤΟ ΡΟΛΟ ΤΗΣ ΚΕΝΤΑΜΟΝΟΥ.

$$\text{ΙΣΧΥΕΙ } m_1 > m_2 \Rightarrow \frac{B_2 |q| R_1}{v} > \frac{B_2 |q| R_2}{v} \Rightarrow R_1 > R_2$$



$$\text{ΕΠΕΙΔΗ } R_1 > R_2 \Rightarrow (A\Delta) > (A\Gamma)$$

$$(A\Delta) = \delta_1 = 2R_1 \text{ και } (A\Gamma) = \delta_2 = 2R_2$$

ΑΡΑ Δ ΣΤΙΓΜΑ ΙΣΟΤΟΠΟ ΜΕ ω_1 ΚΑΙ
Γ ΣΤΙΓΜΑ ΙΣΟΤΟΠΟ ΜΕ ω_2

Γ4.

$$\delta_1 - \delta_2 = (\Gamma \Delta) \Rightarrow 2R_1 - 2R_2 = (\Gamma \Delta) \Rightarrow$$

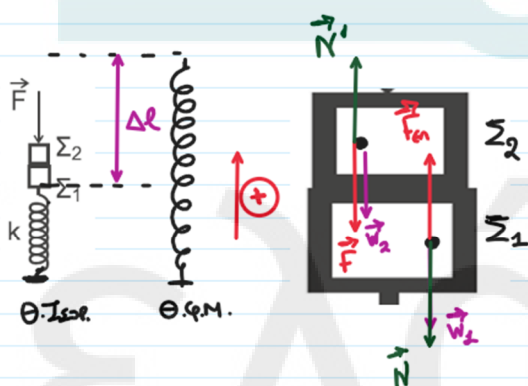
$$\frac{2w_1 \cdot v}{B_2 \cdot |v|} - \frac{2w_2 \cdot v}{B_2 \cdot |v|} = (\Gamma \Delta) \Rightarrow w_1 - w_2 = \frac{B_2 \cdot |v| \cdot (\Gamma \Delta)}{2v} \Rightarrow$$

$$w_1 - w_2 = \frac{10^{-1} \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 2 \cdot 10^{-2}}{2 \cdot 5 \cdot 10^4} \Rightarrow w_1 - w_2 = 0,32 \cdot 10^{-26} \Rightarrow$$

$$w_1 - w_2 = 2 \cdot (1,6 \cdot 10^{-27}) \Rightarrow \boxed{w_1 - w_2 = 2 \cdot w_n}$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1.



$$\Theta. \text{Isop.} \quad \Sigma \vec{F}_2 = 0 \Rightarrow \vec{F}_{el} + \vec{w}_1 + \vec{N} = 0 \Rightarrow$$

$$N = F_{el} - w_1 = k \cdot \Delta l - w_1 g \Rightarrow$$

$$N = 30 - 6 \Rightarrow N = 24 \text{ N}$$

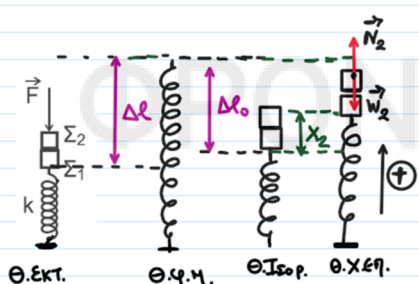
$$N = N' = 24 \text{ N}$$

$$\Sigma \vec{F}_2 = 0 \Rightarrow \vec{N}' + \vec{F} + \vec{w}_2 = 0 \Rightarrow$$

$$F = N' - w_2 \Rightarrow F = 24 - 4 \Rightarrow$$

$$\boxed{F = 20 \text{ N}}$$

Δ2.



$$\Theta. \text{Isop.} \quad \Sigma F = 0 \Rightarrow F_{el0} = w_{01} \Rightarrow$$

$$k \cdot \Delta l_0 = w_{01} \cdot g \Rightarrow \Delta l_0 = \frac{w_{01} \cdot g}{k} \quad (1)$$

ΤΑ ΔΥΟ ΣΩΜΑΤΑ ΕΚΤΕΙΝΟΥΝ Α.Α.Τ. ΣΕ ΕΛΑΦΗ

$$N \in D = k = m_{01} \cdot \omega^2 \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{k}{m_{01}}}$$

$$\text{ΓΙΑ ΤΟ } \Sigma_2 \quad D_2 = m_2 \cdot \omega^2 \Rightarrow D_2 = \frac{w_2 \cdot k}{w_{01}} \quad (2)$$

ΕΙΣΤΕ ΤΑ ΔΥΟ ΣΩΜΑΤΑ ΧΑΝΟΥΝ ΤΗΝ ΕΠΑΦΗ ΤΩΝ ΔΕ ΘΕΣΗ ΠΟΥ ΑΓΕΧΗ

x_2 ΑΓΟ ΤΗΝ Θ.ΙΣΟΡΡΟΛΙΑΣ.

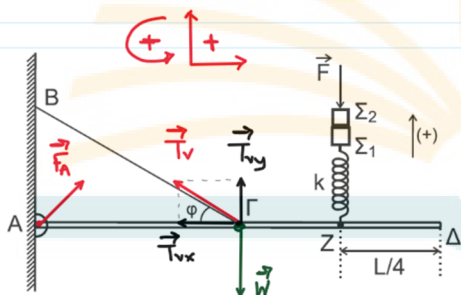
ΓΙΑ ΤΟ Σ_2 ΙΣΧΥΕΙ: $\Sigma F_2 = -D_2 \cdot x \Rightarrow N_2 - m_2 g = -D_2 \cdot x_2 \Rightarrow$

($N_2 = 0$ ΟΡΙΑΚΑ ΕΠΕΙΔΗ ΧΑΝΕΤΑΙ Η ΕΠΑΦΗ)

$$-m_2 g = -\frac{w_2 \cdot k}{w_{01}} \cdot x_2 \Rightarrow x_2 = \frac{w_{01} \cdot g}{k} \Rightarrow \boxed{x_2 = \Delta \ell_0}$$

ΕΠΟΜΕΝΩΣ Η ΕΠΑΦΗ ΧΑΝΕΤΑΙ ΣΤΗ Θ.Φ.Μ

Δ3.



ΕΠΕΙΔΗ Η ΕΠΑΦΗ ΧΑΝΕΤΑΙ ΣΤΗ Θ.Φ.Μ.

ΤΟ ΕΛΑΤΗΡΙΟ ΔΕΝ ΑΣΚΕΙ ΔΥΝΑΜΗ ΣΤΗ ΡΑΒΔΟ

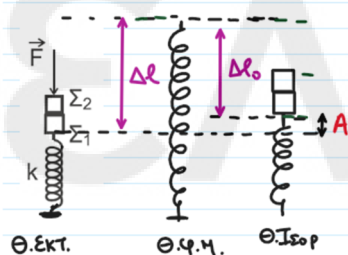
$$F_{el} = 0$$

$$\Sigma \vec{T}_A = 0 \Rightarrow \vec{T}_v + \vec{T}_w + \vec{T}_k = 0 \Rightarrow$$

$$+ T_v \cdot \eta \cdot \varphi \cdot \frac{L}{2} - w \cdot \frac{L}{2} = 0 \Rightarrow$$

$$T_v = \frac{40}{0,5} \Rightarrow \boxed{T_v = 80 \text{ N}}$$

Δ4.



$$\Delta \ell_0 = \frac{w_{01} \cdot g}{k} = \frac{10}{100} \Rightarrow \Delta \ell_0 = 0,1 \text{ m}$$

$$\Delta \ell = \frac{F + w_{01} \cdot g}{k} = \frac{30}{100} \Rightarrow \Delta \ell = 0,3 \text{ m}$$

$$\text{ΑΡΑ } A = \Delta \ell - \Delta \ell_0 \Rightarrow A = 0,2 \text{ m}$$

Α.Δ.Ε.Τ. (Θ.Φ.Μ.) ΟΤΑΝ ΑΠΟΥΞΗΡΙΖΟΝΤΑΙ

$$E = K + U \Rightarrow \frac{1}{2} k A^2 = \frac{1}{2} w_{01} \cdot v^2 + \frac{1}{2} k \cdot \Delta \ell_0^2 \Rightarrow$$

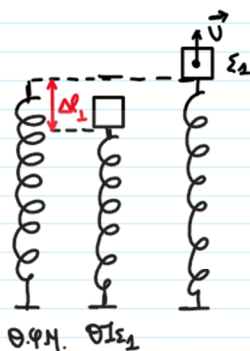
$$v^2 = \frac{k}{w_{01}} (A^2 - \Delta \ell_0^2) = \frac{100}{1} \left(\frac{4}{100} - \frac{1}{100} \right) \Rightarrow$$

$$v^2 = 3 \Rightarrow |v| = \sqrt{3} \text{ m/s}$$

ΓΙΑ ΤΟ Σ_2 : ΘΗΚΕ $K_{τε1} - K_{αρχ} = W_{w_2} \Rightarrow 0 - \frac{1}{2} w_2 v^2 = -w_2 g h \Rightarrow$

$$h = \frac{v^2}{2g} \Rightarrow h = \frac{3}{20} \Rightarrow \boxed{h = 0,15 \text{ m}}$$

Δ5.



$$\Delta l_1 = \frac{m_1 \cdot g}{k} = \frac{6}{100} \Rightarrow \Delta l_1 = 0,06 \text{ m}$$

$$x_1 = \Delta l_1 \Rightarrow x_1 = 0,06 \text{ m}$$

Α.Δ.Ε.Τ. $E_1 = K_1 + U_1 \Rightarrow$

$$E_1 = \frac{1}{2} m_1 \cdot v^2 + \frac{1}{2} k \cdot x_1^2 \Rightarrow$$

$$E_1 = \frac{1}{2} \cdot 0,6 \cdot 3 + \frac{1}{2} \cdot 100 \cdot \frac{36}{100 \cdot 100} \Rightarrow$$

$$E_1 = 0,9 + 0,18 \Rightarrow E_1 = 1,08 \text{ J}$$

Κελάφας
ΦΡΟΝΤΙΣΤΗΡΙΑ